

Octobre 1926

Diplôme d'études supérieures de
Géophysicien.

Expériences sur les vibrations
produites à l'intérieur des édifices
par le passage des véhicules et le
mouvement des machines

J. Payer

INSTITUT DE PHYSIQUE DU GLOBE
BIBLIOTHEQUE RECHERCHE
COTE: A7 PAY

Le développement qui a pris l'usage des véhicules lourds et rapides et des machines puissantes a fait apparaître un certain nombre de problèmes du fait de l'importance qui ont pris les vibrations du sol. L'effort de propulsion que les roues du tramway ou de l'automobile exercent sur la route, la réaction que subit le support de la machine par suite du travail qu'elle fournit, provoquent en certains points du sol des vibrations qui s'y propagent, ainsi qu'à l'intérieur des édifices qui y sont construits. La maçonnerie subit de ce fait des efforts qui tendent à la déloger, et à compromettre par suite la stabilité du bâtiment.

Il y a donc intérêt à faire sur les vibrations à l'intérieur des édifices des expériences permettant de les étudier et de se rendre compte des dommages qu'ils peuvent causer au bâtiment.

Le principe de ces expériences est d'enregistrer aux divers endroits du bâtiment, à l'aide de sismographes appropriés à cet usage, c'est-à-dire sensibles aux courtes périodes et assez facilement transportables, les composantes horizontales et verticales du mouvement, et de déterminer, d'après

les graphiques obtenus, les divers éléments de chaque composante. Les éléments qui sont surtout à considérer sont l'amplitude maximum et l'oscillation maximum.

Pour déterminer l'amplitude maximum, on cherche sur le graphique la vibration qui a la plus grande amplitude; on mesure cette amplitude et on la divise par le grandissement de l'appareil, qui a été déterminé préalablement.

L'oscillation maximum se détermine de la façon suivante: On admet que le mouvement est sinusoidal; son équation est alors, en appelant T la période, à l'amplitude

$$y = a \sin 2\pi \frac{t}{T};$$

L'oscillation sera la dérivée seconde

$$y'' = -\frac{4\pi^2 a}{T^2} \sin 2\pi \frac{t}{T};$$

L'oscillation maximum sera donc en valeur absolue

$$J = \frac{4\pi^2 a_m}{T^2}$$

a_m étant l'amplitude maximum

Les périodes des différentes oscillations n'étant pas toutes pareilles, on calcule deux valeurs de J , l'une en prenant pour T la période de l'oscillation qui a la plus grande amplitude, l'autre en prenant la période moyenne du voisinage de cet oscillation. On voit ensuite, en comparant les résultats des différentes expériences entre elles, laquelle de ces deux valeurs est

la plus vraisemblable.

Pour pouvoir déterminer la période, il faut savoir à quel espace de temps correspond une certaine longueur de la bande de papier sur laquelle s'inscrit le mouvement. Pour cela, on a un dispositif qui inscrit des marques à intervalles réguliers et connus, 1 seconde par exemple. Donc, pour mesurer la période d'une oscillation, on mesure la longueur L que représente cette période sur le papier, l'intervalle L des deux marques entre lesquelles elle est comprise, et la période cherchée est alors $\frac{L}{t}$. Pour déterminer la période moyenne pour une certaine région du graphique, on compte le nombre d'oscillations n contenues dans cette région, on calcule l'intervalle de temps t qu'elle représente, et la période moyenne cherchée est $\frac{t}{n}$.

L'étude des vibrations à l'intérieur d'un édifice se divise en deux parties

1) Etude du mouvement du sol à l'endroit où se trouve le bâtiment.

2) Etude des vibrations qui provoquent ce mouvement à l'intérieur du bâtiment.

L'étude du mouvement du sol à l'endroit où se trouve le bâtiment a surtout pour but de déterminer la nuisance. Cet élément est la probabilité avec laquelle la risque de stabilité du bâtiment sera éprouvé. Elle a pour expression le produit de l'amplitude maximum, exprimé en centimes de millimètres, par l'aire

l'ération maximum, mesurée en centimètres par seconde.

L'étude des vibrations qui produisent le mouvement du sol dans divers endroits d'un bâtiment montre comment vont versant les divers éléments du mouvement quand on s'y déplace, et peut ainsi renseigner sur les instants où peuvent le plus facilement se produire des dégradations.

I.

Dispositif expérimental

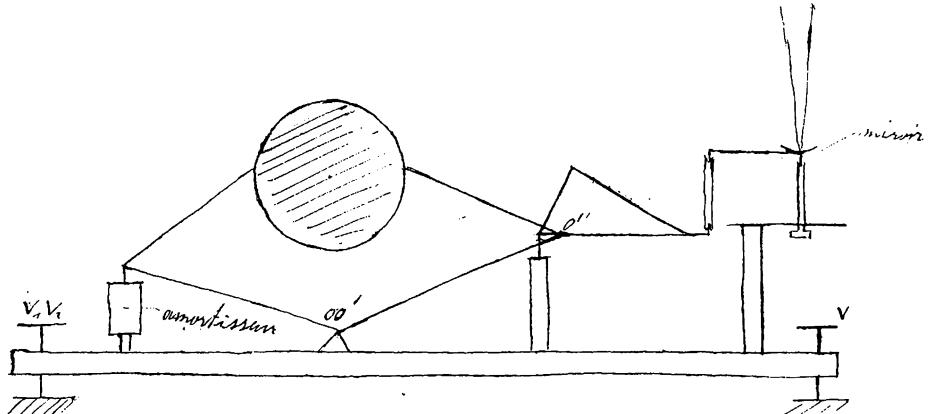
Description des appareils.

Les appareils qui ont servi aux expériences qui font le sujet de ce travail étaient du modèle de ceux construits par Minotrop pour étudier les vibrations du sol produites par un moteur à gaz.

Appareil horizontal.

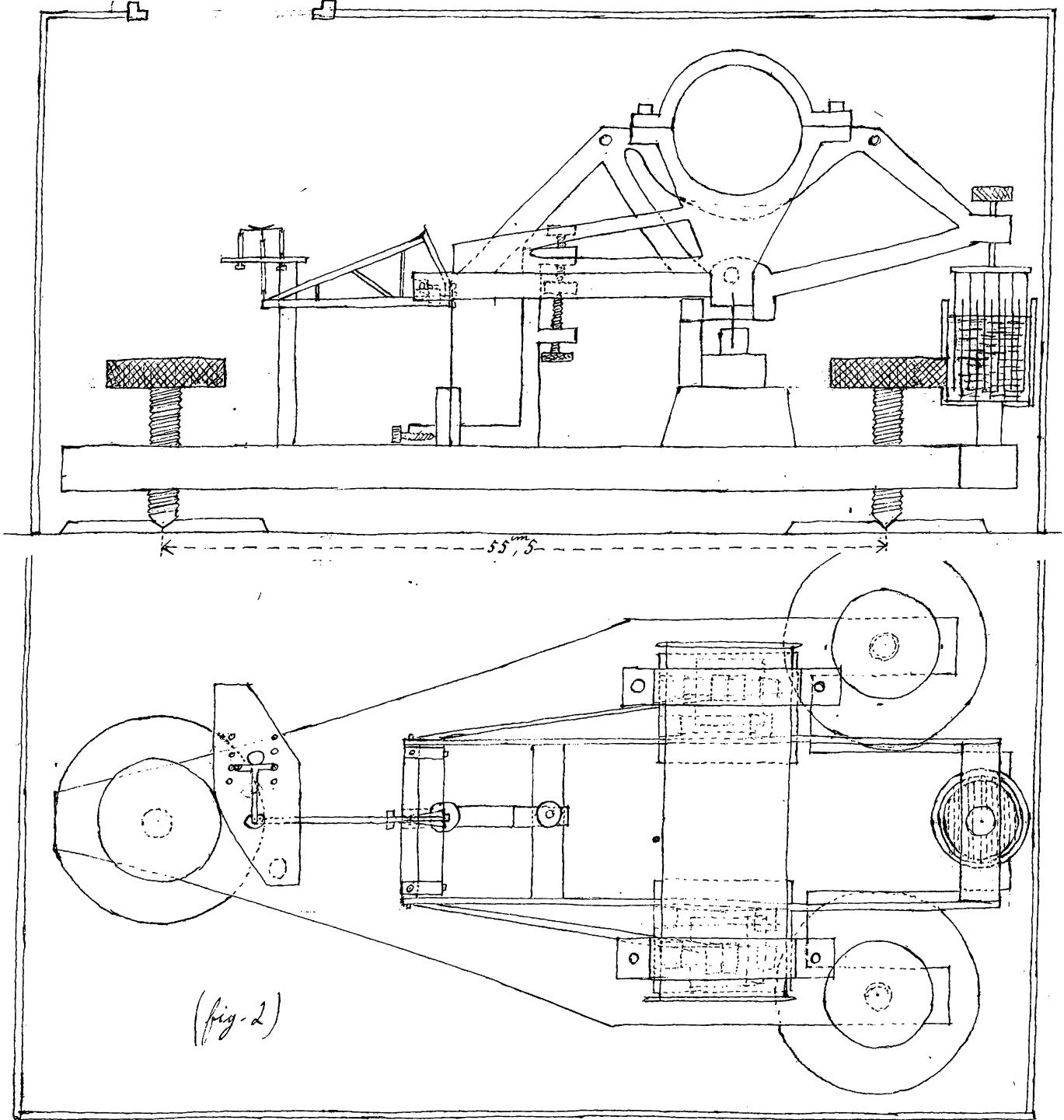
L'appareil horizontal se compose d'un cylindre de plomb reposant sur un berceau, ce berceau est fixé sur un socle par deux points $0,0''$ qui forment un axe de rotation parallèle à l'axe du cylindre et dans le même plan vertical que le centre de gravité de l'ensemble cylindre - berceau. Il est fixé, d'autre part, par le point $0''$ à un levier amplificateur dont le point d'appui est fixé au socle par l'intermédiaire d'une lame élastique. Les points $0,0'', 0''$ sont réalisés par des lames élastiques formant des suspensions à la cardan. L'autre extrémité du levier porte

(fig. 1)



une pointe verticale sur laquelle repose l'un des bouts d'une petite tige terminée aux deux bouts par une crapaudine. Un équipage portant un miroir sphérique concave éclairé par une petite lampe repose par une pointe sur l'autre bout de la petite tige et pour deux autres pointes sur des crapaudines portées par deux colonnettes fixées sur un plateau solidaire du socle. On peut donner à ces colonnettes des hauteurs variables, et on peut aussi les placer à plus ou moins grande distance de l'extrémité du levier, en employant des équipages différents correspondant à ces positions; ceci permet de réaliser quatre grossissements différents. L'amortissement est réalisé par frottement de lames dans de l'huile. La figure ci-dessous montre l'aspect de l'appareil vu de côté et d'en haut.

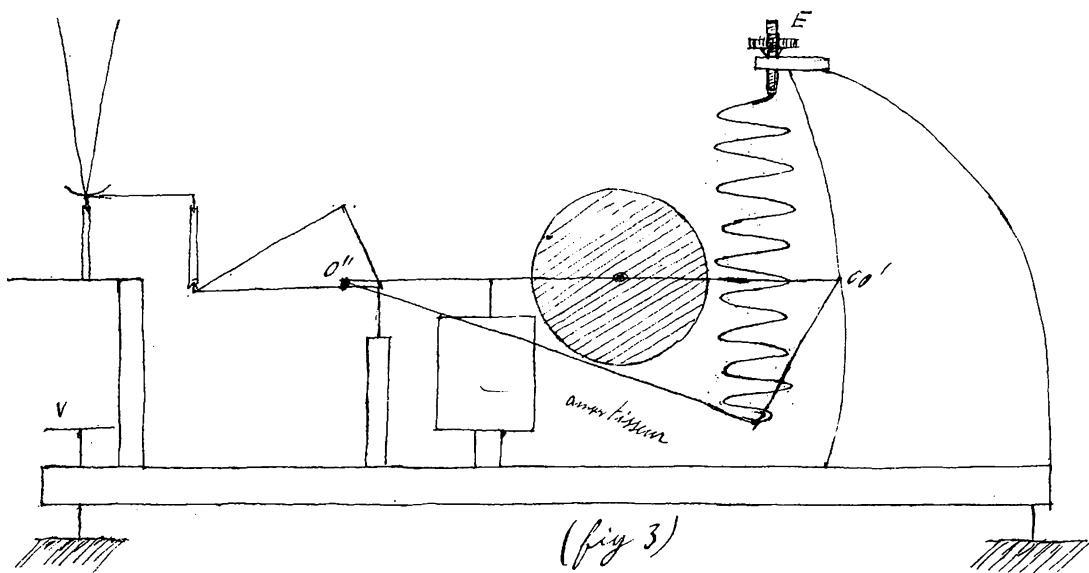
Fonctionnement: Supposons qu'il y ait un petit déplacement horizontal du socle, vers la gauche par exemple. L'axe OO' suit le déplacement mais le cylindre à cause de son inertie ne se déplace pas. Donc le biseau tourne autour de l'axe OO' et le point O'' s'abaisse. L'autre extrémité du levier se déplace d'une quantité égale au déplacement de O' multiplié par le rapport des bras de levier. L'équipage portant le miroir tourne d'un angle égal à l'angle dont a tourné le



lever, multiplié par le rapport du grand bras de levier à la distance du point P au centre du miroir. Le faisceau de lumière réfléchie par le miroir tourne d'un angle double, et le déplacement de l'image de la source lumineuse représente le déplacement de 0'' très agrandi.

Appareil vertical

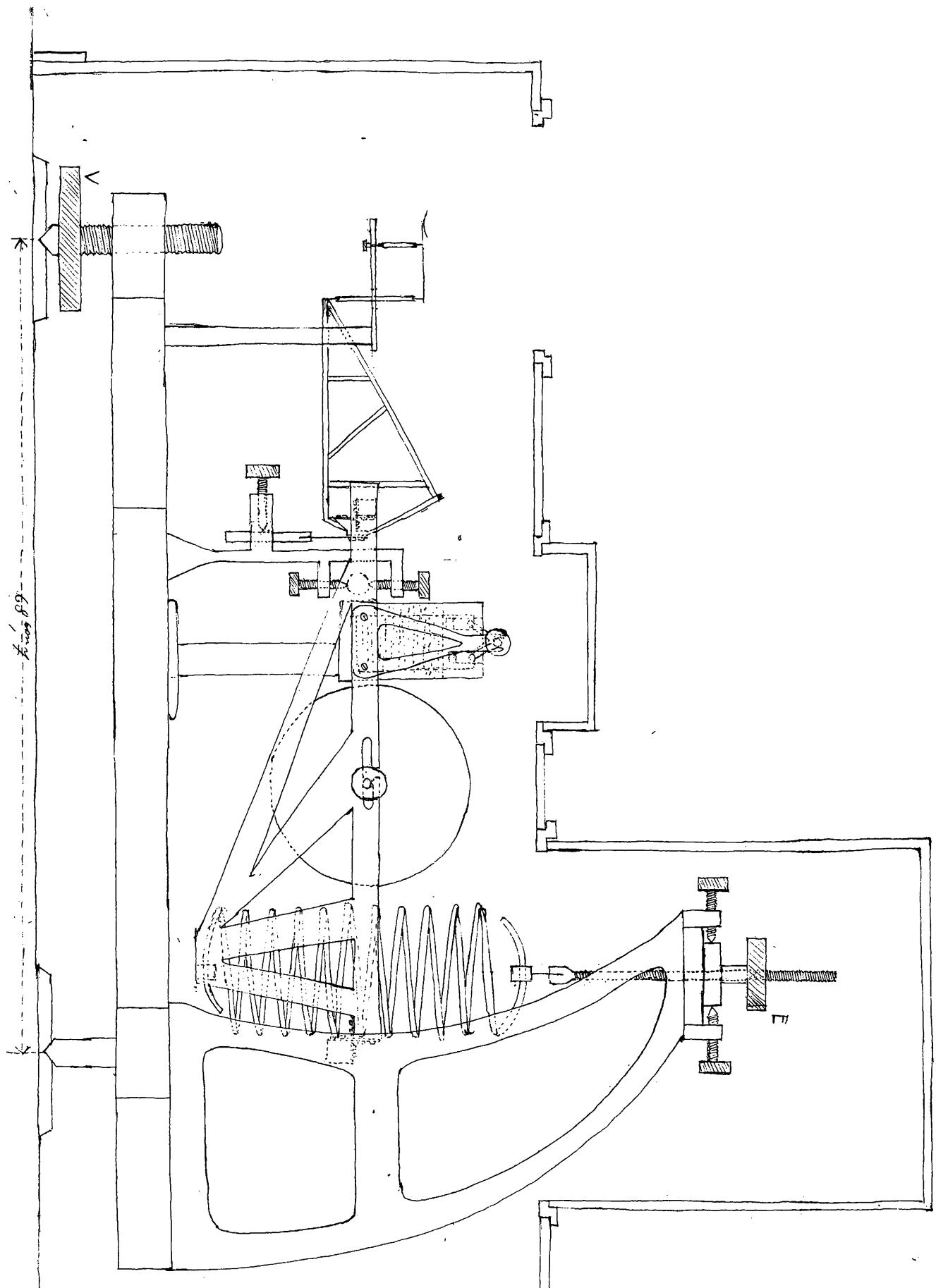
L'appareil vertical, comme l'appareil horizontal, est constitué par un cylindre de plomb reposant sur un berceau fixé au sol par deux points $O O'$ formant un axe de rotation parallèle à l'axe du cylindre. L'axe $O O'$ est ici dans le même plan



horizontal que le centre de gravité de l'ensemble cylindre - berceau. Le berceau est de plus suspendu par un ressort à boudin vertical, qui est fixé au sol par une tige filetée retenue par un écrou, ce qui permet d'élever ou d'abaisser le point de fixation du ressort. L'amortissement et le grandissement se font de la même façon que pour l'appareil horizontal.

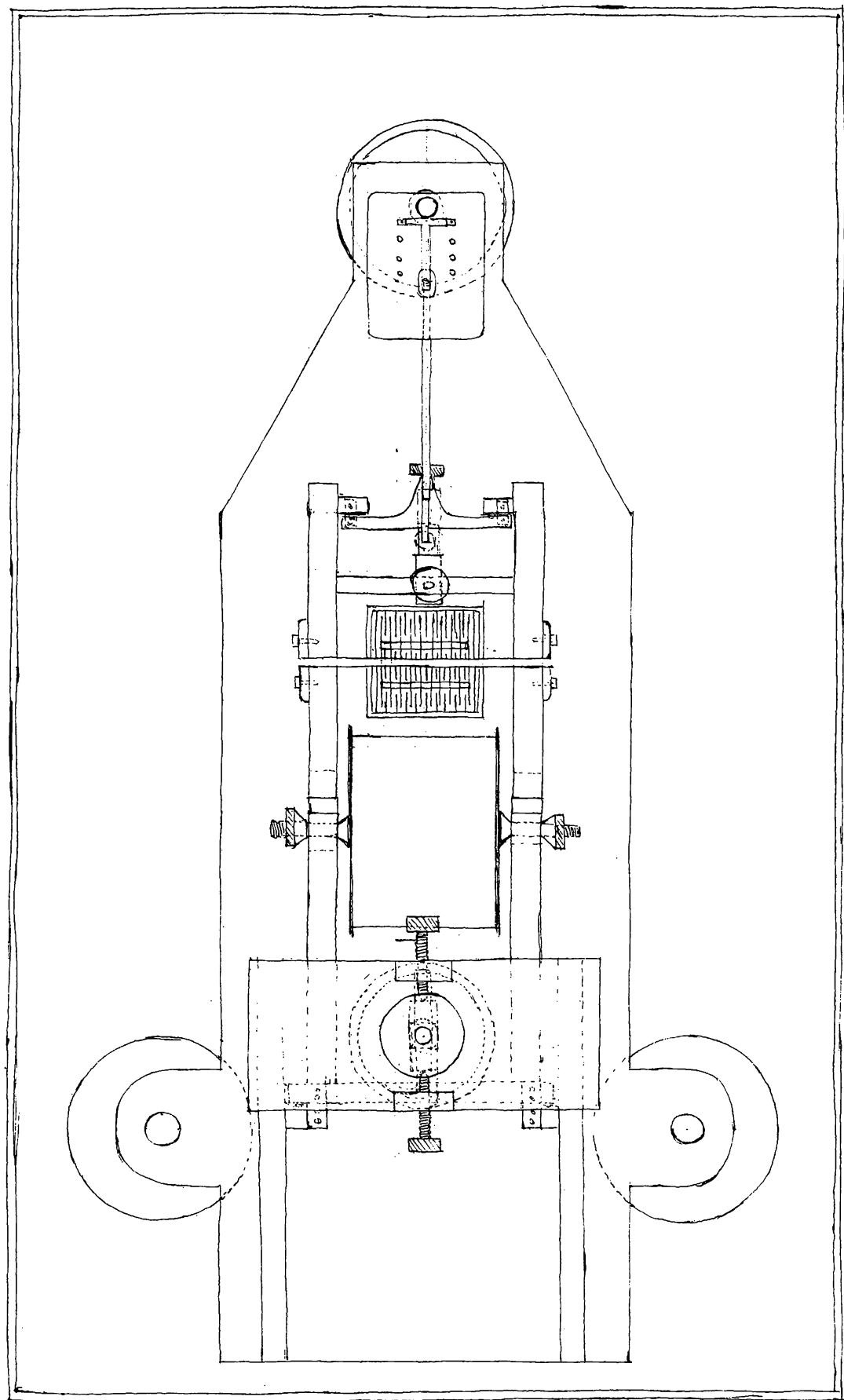
Les figures 4 et 5 montrent l'aspect de l'appareil un de côté et un d'en haut.

Fonctionnement: Supposons qu'il y ait un petit mouvement du sol vers le haut. L'axe $O O'$ suit ce mouvement, tandis que le cylindre à cause de son inertie tend à rester immobile. Le point O'' s'abaisse donc, et son déplacement est amplifié comme pour l'appareil horizontal.



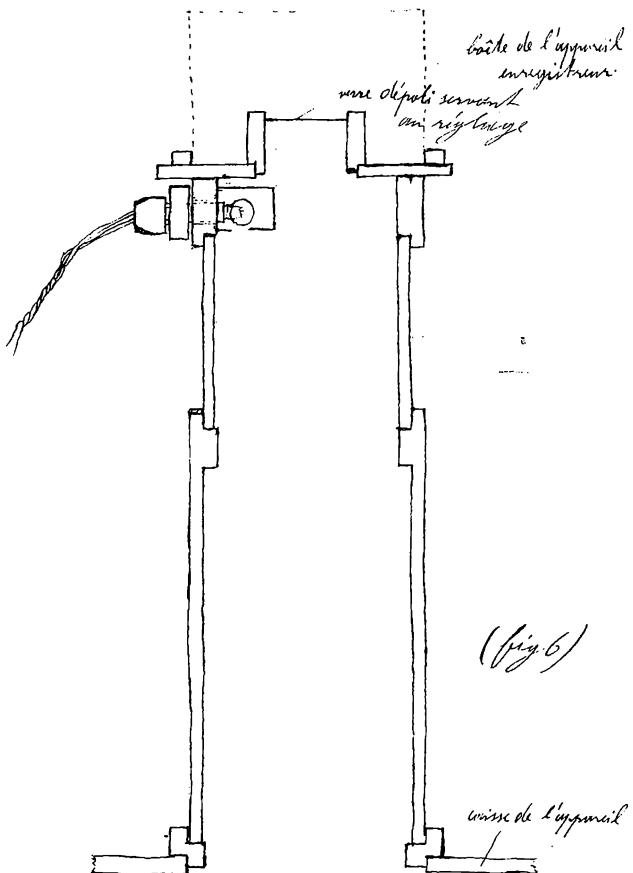
(4)

(fig 5)



Dispositif d'enregistrement

Chaque appareil est recouvert d'une caisse dans laquelle est pratiquée, au-dessus du miroir, une ouverture rectangulaire sur laquelle peut s'adapter une cheminée. Au-dessus de l'ouverture supérieure de cette cheminée se trouve le support de l'appareil enregistreur, à ce support est fixé la lampe qui éclaire le miroir. Au début des expériences, le support était soutenu par un trépied reposant sur le sol, et il étant relié à la cheminée par un soufflet, cela avait pour but de permettre la mise au point du spot lumineux en déplaçant verticalement le support en ajustant par déplacement des pieds du trépied. Mais ce réglage était très long et de plus le trépied manquait de stabilité. Il a été supprimé et le soufflet remplacé par une caisse rigide de huit centimètres qui le spot soit réglé une fois pour toutes.

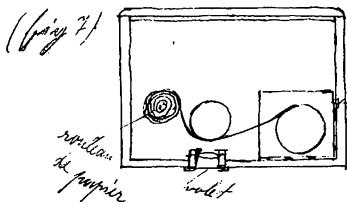


(fig. 6)

Le support de l'appareil enregistreur est une boîte dans laquelle se trouvent le miroir et le bouton de papier photographique sur laquelle se fait l'inscription et le minimum d'inscription du temps. Elle est fermée à sa partie supérieure par un couvercle, et dans la partie inférieure est placé une fenêtre recouverte par une lentille cylindrique et pouvant se fermer par un volet.

L'appareil enregistreur est une boîte dans laquelle se trouvent le miroir et le bouton de papier photographique sur laquelle se fait l'inscription et le minimum d'inscription du temps. Elle est fermée à sa partie supérieure par un couvercle, et dans la partie inférieure est placé une fenêtre recouverte par une lentille cylindrique et pouvant se fermer par un volet.

L'appareil enregistreur est une boîte dans laquelle se trouvent le miroir et le bouton de papier photographique sur laquelle se fait l'inscription et le minimum d'inscription du temps. Elle est fermée à sa partie supérieure par un couvercle, et dans la partie inférieure est placé une fenêtre recouverte par une lentille cylindrique et pouvant se fermer par un volet.



Le mécanisme entraînant le papier se compose d'un cylindre muni pour un mouvement d'horlogerie qui peut être mis en marche et arrêté par un bouton placé à l'extérieur de la boîte, le mouvement d'horlogerie comportait des ailettes régulatrices qui ont dû être enlevées pour les expériences à faire afin d'augmenter la vitesse. Le papier photographique, venant d'un rouleau, s'enroule sur le cylindre, après avoir passé sur un cylindre intermédiaire qui le maintient à bonne distance de la lentille cylindrique. Le miroir, éclairé par la lampe, envoie par la fente un faisceau de lumière convergant que la lentille cylindrique concentre en un point minimum sur le papier photographique.

Le mécanisme d'inscription du temps se compose d'une lampe qui éclaire le papier photographique à travers une fenêtre placée très près du papier, de façon que ses contours s'y projettent nettement. Entre cette fenêtre et le papier se trouve un écran percé d'une fenêtre un peu plus large et parallèle à la première. Cet écran peut se déplacer par l'effet d'un électro-aimant de façon que les deux fenêtres arrivent l'une sur l'autre quand le circuit est fermé. La fermeture du circuit se fait à intervalles réguliers de 1 seconde, pendant une demi-seconde environ, pour une horloge. On obtient donc sur le papier photographique une succession de bandes noires, et la distance d entre le début d'une bande et le début de la prochaine est la longueur correspondante à une seconde.

La caméra de l'appareil, la chemise, le support et la boîte de l'appareil enregistrent ensemble une chambre

Annexe à la partie.

Détails d'une expérience.

1) Installation de l'appareil.

L'appareil est posé sur le sol à l'endroit où se produisent les vibrations à enregistrer; quand ce sont des vibrations horizontales, il faut que l'axe OO' de l'appareil soit perpendiculaire à la direction de la compression à enregistrer. Le socle est rendu horizontal au moyen d'un niveau, d'abord avec la vis V, puis avec les vis V₁ et V₂ si nécessaire. Les colonnettes sont fixées à la position correspondante au grandissement à obtenir, l'amortisseur enlevé; les vis bloquant le bâtonnage dévisées, la petite tige et le levier optique convenable mis en place, dans le cas de l'appareil vertical, il est quelquefois nécessaire de soulever le point de suspension du ressort afin que l'extrémité du levier soit assez haute pour permettre de mettre en place la petite tige et le levier optique. La cuisse est placée sur l'appareil, les chevilles et le support de l'appareil enregistrer mis en place. On monte les circuits des deux lampes et de l'électroaimant; la mise en circuit des deux lampes se fait par des broches de contact, celle de l'électroaimant en fixant les extrémités des fils à des bornes placées à l'érieur de la boîte de l'appareil enregistreur; tous les circuits comprennent des interrupteurs; le courant est fourni par une batterie d'accumulateurs de 4 volts.

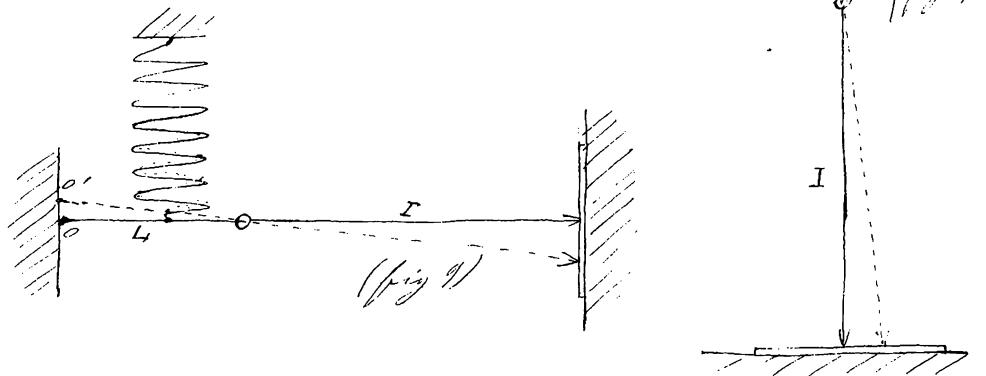
2) Réglage sommaire.

Le verre dépoli servant au réglage est mis en place.

On éclaire la lampe illuminant le miroir, l'image de la lampe forme alors un spot lumineux sur la plaque de verre où sur une des parois de la cheminée, où on peut le voir en relevant le verre dépoli. On le déplace pour l'amener à peu près au milieu de la plaque, pour le déplacer suivant sa direction d'oscillation, on voit sur la vis V dans le cas de l'appareil horizontal, sur l'écran E, dans le cas de l'appareil vertical

3) vibration du grossissement.

Considérons un pendule de longueur L munie d'un indicateur de longeur I. Si le point de suspension se déplace d'une longueur O'C' horizontalement



dans le cas des pendules de la figure 7, verticalement dans le cas de celui de la figure 8, la partie de l'indicateur se déplace d'une longueur O'C' $\times \frac{I}{L}$. Le rapport $\frac{I}{L}$ est le grossissement; il faut donc connaître I et le pour pouvoir le calculer. Dans les appareils qui nous occupent n'ont pas une forme aussi simple, I et L ne pourront être mesurés directement. Mais on sait que

$$L = \frac{T^2 g}{4\pi^2}$$

en prenant T la période de l'appareil sans amortissement.

ment. D'autre part, si le pendule décrit d'un angle β , la pointe de l'indicateur se déplace d'une longueur A , et on a

$$I = \frac{A}{\beta}$$

Dans l'appareil qui nous occupe, la pointe de l'indicateur est le spot lumineux. La quantité A est le déplacement du spot, pour une inclinaison β du biseau, ou, ce qui revient au même, pour une inclinaison β du soleil de l'appareil, le biseau restant fixe. Pour obtenir cette inclinaison, on tourne la vis V . Supposons qu'elle avance d'une longueur b , et soit H la distance de la pointe de la vis V à la droite joignant les pointes des vis V et V_2 , on a

$$\beta = \frac{b}{H}$$

d'où

$$I = \frac{Ab}{H}$$

Or, le grossissement est

$$V = \frac{I}{L}$$

donc, en remplaçant I et L par leur valeurs, on trouve

$$V = \frac{4\pi^2 H}{g} \times \frac{A}{T^2 b}$$

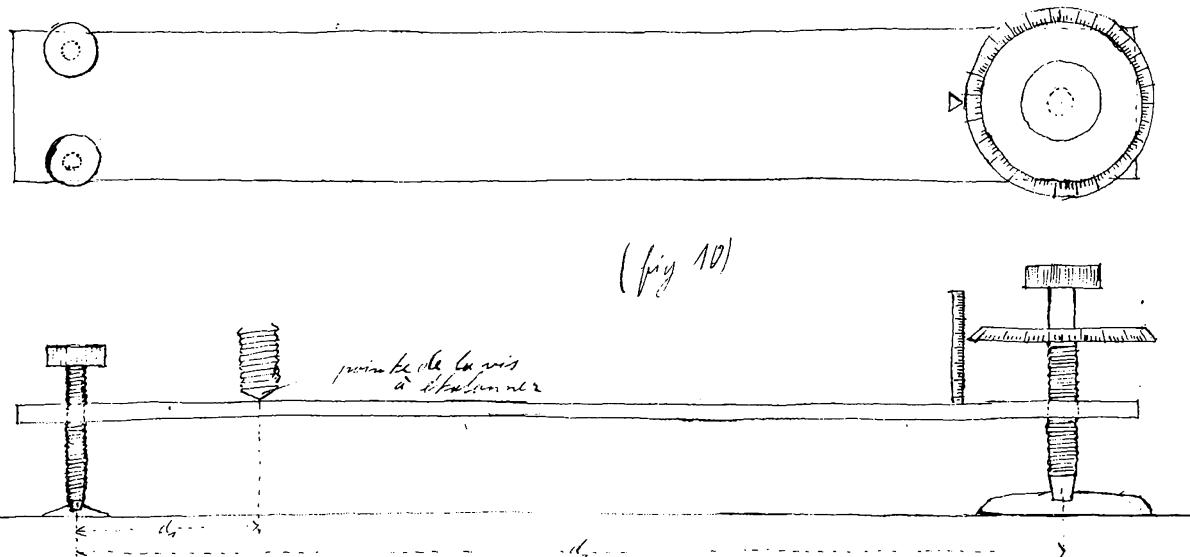
La quantité $\frac{4\pi^2 H}{g}$ est constante pour un appareil donné et peut se calculer une fois pour toutes. Pour l'appareil horaire, par exemple, elle est 2,23, pour l'appareil vertical 2,76. La mesure du grossissement revient donc à mesurer la période T et le déplacement A du spot correspondant à un certain déplacement b de la vis V .

Donnons T , on donne une périodicité impulsion à l'appareil et on compte la durée d'un certain nombre d'oscillations

A se mesurer avec une règle à plan de la perpendiculaire à la vis.

La vis V est étalonnée, ce qui permet de déterminer la de la rotation qu'on a donné à la vis; cette rotation se mesure par des graduations tracées sur la tète de la vis.

Les vis des deux appareils ont à être étalonnes au début des expériences. Cette opération se fait de la façon suivante: On se sert d'un support ayant la forme d'un rectangle allongé et reposant sur le sol par deux vis volantes et une vis de sphéromètre. Sur le sommet de l'appareil dont la vis



(fig 10)

est à étalonner, on place, dans une direction perpendiculaire à la droite joignant les pointes des deux autres vis un mireau, et on fait repasser la pointe de la vis à étalonner sur le support. Après avoir mis la bulle du mireau entre ses repères, on peut tourner la vis à étalonner d'une quantité déterminée, de façon à déplacer la bulle d'une quantité appréciable; puis on la ramène entre ses repères en agissant sur la vis de sphéromètre, qu'il faut faire avancer pour cela d'une certaine quantité que l'on connaît si on sait de combien

il a fallu la faire tourner. On mesure ensuite les distances d_1 et d_2 (fig. 10). Voit se la quantité dont on a fait avancer la vis à étalonner, on a

$$\frac{x}{d_1} = \frac{\alpha}{d_2}$$

d'où

$$x = d_1 \frac{\alpha}{d_2}$$

On sait donc de combien la vis a avancé pour la rotation qu'on lui a donnée, donc elle est étalonnée.

Les résultats de l'expérience ont été les suivants:

Appareil vertical:

Rotation donnée à la vis à étalonner: $\frac{1}{2}$ tour

$$\alpha = 0^{\text{m}} 5$$

$$d_1 = 4^{\text{m}} 8$$

$$d_2 = 47^{\text{m}} 7$$

d'où

$$x = 0^{\text{m}} 05$$

Résultat: A un tour de vis correspondent 1^{mm}

Appareil horizontal:

Rotation donnée à la vis à étalonner: ... tour

$$\alpha = 1^{\text{m}} 0$$

$$d_1 = 4^{\text{m}} 8$$

$$d_2 = 47^{\text{m}} 7$$

d'où

$$x = 0^{\text{m}} 1$$

Résultat: A un tour de vis correspondent 1^{mm}

4) Prélage définitif.

On en enlève les bremmies, la visse, le levier optique et la pe-

telle tige et on bloque le berceau. Puis on remet en place la vis de l'amortisseur, et on débloque le berceau. On règle l'amortisseur pour que les lames ne frottent pas l'une contre l'autre. Il faut pour cela déplacer par tout moyen la vis et les lames jusqu'à ce qu'un tour de l'appareil oscille librement. Cela fait on remet en place tout ce qu'on avait enlevé. Il s'agit maintenant d'assurer le spot lumineux à la place qu'il doit avoir pour pouvoir se projeter sur le papier photographique. Celle est fixée sur la plaque de verre dépoli par le point de croisement deux traits tracés sur elle, l'un coincé dans la direction suivant laquelle le spot doit osciller. Dans le cas de l'appareil horizontal, ce réglage se fait comme le réglage sommaire; dans le cas de l'appareil vertical, les petits déplacements se font dans la direction de la vibration en agitant sur la vis V , dans la direction perpendiculaire en déplaçant légèrement la caisse sur le sol. Il faut aussi avoir soin que la caisse soit placée par rapport à l'appareil de façon que le spot se déplace sans quitter la ligne de fil.

3) Expérience proprement dite.

L'appareil enregistreur, dans lequel a été préparée une quantité de papier photographique suffisante, est mis en place sur son support, les lampes et l'électroaimant mis en circuit, l'horloge mise en mouvement, les circuits fermés, le volat courrant le bientille électrique armé. En faisant des respirations, on est obligé de circuler autour de l'appareil, ce qui provoque des perturbations. Il faut donc les faire assez longtemps et au-

vance pour que les perturbations ayant cessé au moment de faire l'inscription, sauf l'ouverture du valet, pour éviter que le début de l'inscription soit brutalement arrêté. Au moment où les vibrations à enregistrer vont se produire, on libère le mouvement d'horlogerie, et on le laisse marcher le temps nécessaire. Puis on ferme le valet, on coupe les circuits, on arrête l'horlogie, on mette hors circuit la sonde de l'inscription du temps et l'électroaimant, on entame l'appareil enregistreur de son rapport et on le met à l'abri de la lumière si on ne veut pas développer l'épreuve de suite. Le développement se fait comme pour une photographie ordinaire.

II.

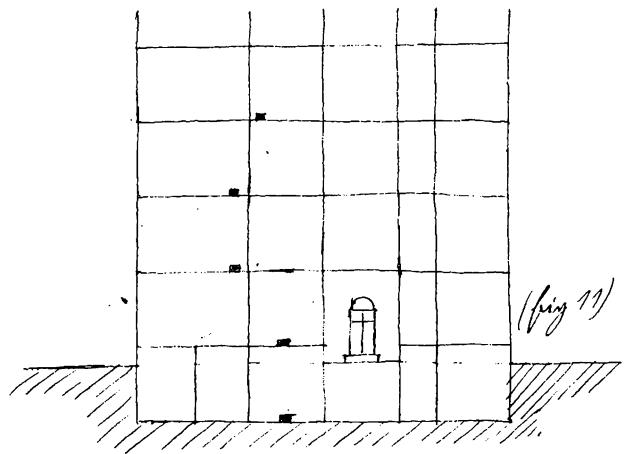
Compte-rendu des expériences.

La partie essentielle des expériences faisant le sujet de ce travail avait pour but l'étude des vibrations se produisant, au passage des tramways, dans les bâtiments de l'Institut de Physique du Globe de Strasbourg. Il a été fait en outre quelques expériences sur les vibrations produites par un moteur électrique à l'Institut de Chimie.

Etude des vibrations dans le bâtiment de l'Institut de Physique du Globe

Les expériences ont été faites à tous les étages des

bâtimen^t, en commençant par le sous-sol et en finissant par le 3^e étage. Les points où étaient installés les appareils étaient choisis autant que possible sur une même verticale. Cette disposition ne pouvait être réalisée parfaitement, parce qu'il était nécessaire d'installer les appareils pris d'une fenêtre donnant sur la rue, pour pouvoir surveiller l'arrivée du tramway, et qu'il ne se trouvait pas une série de places situées l'une au-dessus de l'autre dans toutes lesquelles cela soit possible. La figure 11 montre à peu près les points où étaient installés les appareils.



À chaque étage, deux séries d'expériences ont été faites, l'une avec l'appareil horizontal, l'autre avec l'appareil vertical; l'appareil horizontal était installé de façon à enregistrer la composante perpendiculaire à la marche du tramway. Chaque série d'expériences comprenait des inscriptions avec tous les grandissements que pouvait donner l'appareil, c.à.d. quatre pour l'appareil vertical, trois pour l'appareil horizontal.

Pour chaque expérience, l'appareil enregistreur était chargé d'une bande de papier de longueur suffisante pour qu'il se déroule pendant tout le temps que les vibrations produites par le tramway pouvoient se distinguer sur le graphique, c.à.d. dix secondes au maximum. Le mouvement d'enrouleurie était mis en marche à un mo-

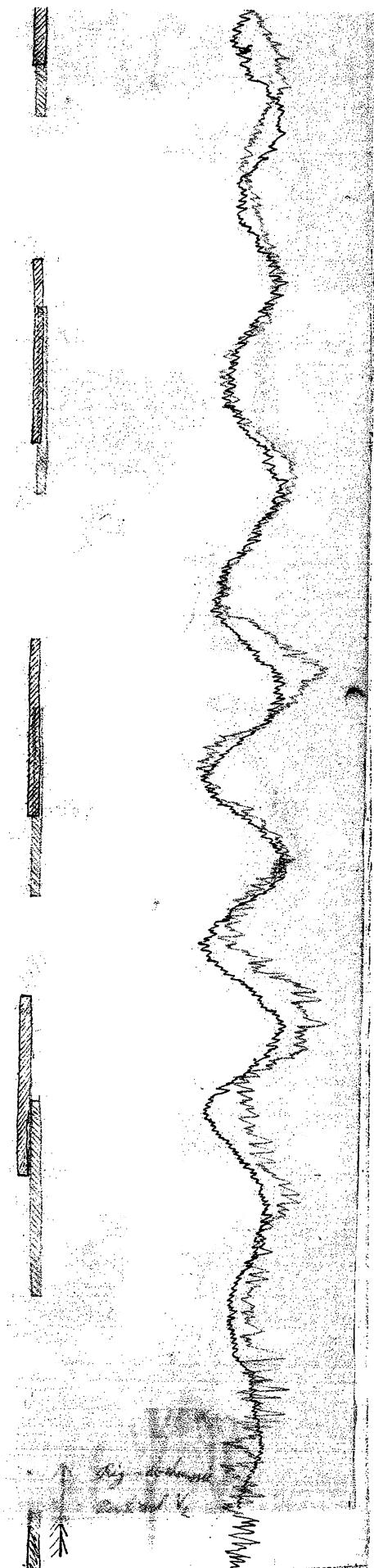


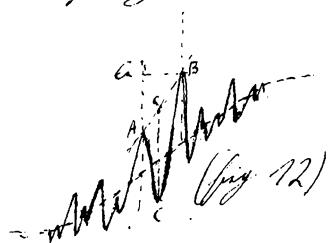
Fig. 1.

ment tel que la moitié à peu près du papier soit déroulée au moment où le tramway passait devant la maison.

Le spot lumineux était unisoitamment, indépendamment du passage du tramway, de vibrations de courte période, dues au passage de véhicules à grande vitesse, et d'oscillations d'amplitude et de période beaucoup plus grande, et très voisine de la période propre de l'appareil, c. à. d. environ $\frac{1}{2}$ seconde; ces oscillations étaient dues sans doute à l'agitation microsismique de nature spéciale qui enregistre l'appareil de 19 tonnes de la station, et qui provient de la marche des grues et autres installations microsismiques qui se trouvent en grande nombre à Strasbourg; il semble qu'elles soient le résultat de l'interaction de ce mouvement microsismique avec le mouvement propre de l'appareil, car, comme le montre la reproduction n° 1, elles ont l'aspect de battements,

L'amplitude de ces oscillations était d'autant plus grande que l'appareil était installé à un étage plus élevé, et elles entraînaient à produire des déplacements du spot lumineux supérieurs à la largeur de la bande de papier, de sorte que le nombre de grandissements qui pouvaient être employés était d'autant plus restreint que l'expérimentation se faisait à un étage plus élevé.

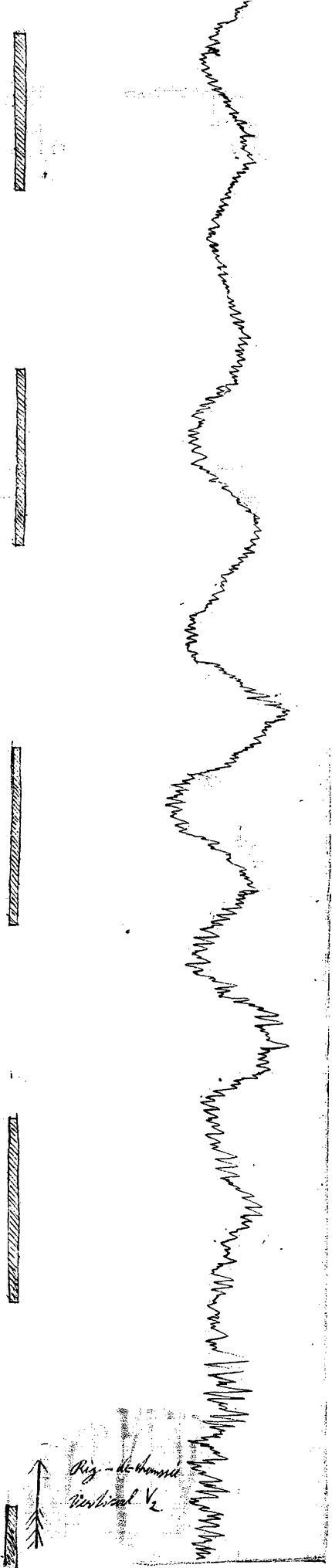
Sur suite de la superposition de ce mouvement à la vibration à étudier il fallait prendre certaines mesures en déterminant la période et l'amplitude de l'oscillation et l'amplitude maximum. La méthode employée était la suivante : Chercher deux maxima



(fig. 72) A et B tels que la somme de leurs distances à un autre maximum (situe' du côté opposé) soit maximum, traces par les points A, B et C les perpendiculaires à la direction de déplacement du papier, et relier A et B. La période était alors la distance B C entre les parallèles passant par A et B, l'amplitude la moitié de la distance entre le point C et le point d'intersection c de la droite passant par C avec la droite AB.

Réultats des expériences.

Les tableaux suivants donnent les résultats des expériences. $V_1, V_2, V_{3/4}$ signifient les grandissements, à l'amplitude maximum, T_1 la période de l'oscillation d'amplitude maximum, T_2 la période moyenne du mouvement au voisinage de cette oscillation, f_1 l'oscillation correspondant à T_1 , f_2 l'oscillation correspondant à

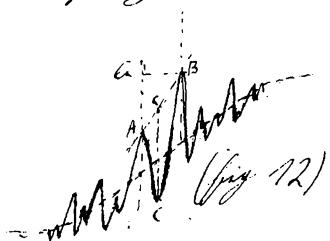


ment tel que la moitié à peu près du papier soit déroulée au moment où le tramway passait devant la maison.

Le spot lumineux était animé constamment, indépendamment du passage du tramway, de vibrations de courte période, dues au passage de vibrimères à proximité, et d'oscillations d'amplitude et de période beaucoup plus grande, et très voisine de la période propre de l'appareil, c. à. d. environ $\frac{1}{2}$ seconde; ces oscillations étaient dites sans doute à l'agitation microscopique de nature spéciale qui enregistre l'appareil de 19 tonnes de la station, et qui provient de la marche des grues, les installations microscopiques qui se trouvent en grande nombre à Strasbourg; il semble qu'elles soient le résultat de l'interférence de ce mouvement microscopique avec le mouvement propre de l'appareil, car, comme le montre la reproduction N° 1, elles ont l'aspect de battements,

L'amplitude de ces oscillations était d'autant plus grande que l'appareil était installé à un étage plus élevé, et elles arrivaient à produire des déplacements du spot lumineux supérieurs à la largeur de la bande de papier, de sorte que le nombre de grandissements qui pouvaient être employés était d'autant plus restreint que l'expérimentation se faisait à un étage plus élevé.

Sur suite de la superposition de ce mouvement à la vibration à étudier, il fallait prendre certaines mesures en déterminant la période et l'amplitude de l'oscillation à amplitude maximum. La méthode employée était la suivante : Chercher deux maxima



A et B tels que la somme de leurs distances à un autre maximum (situé dans l'axe opposé) soit maximum, traces par les points A, B et C les perpendiculaires à la direction de déplacement du papier, et relier A et B. La période était alors la distance B C entre les parallèles passant par A et B, l'amplitude la moitié de la distance entre le point C et le point d'intersection c de la droite passant par C avec la droite AB.

Réultats des expériences.

Les tableaux suivants donnent les résultats des expériences. $V_1, V_2, V_{3/4}$ signifient les grandissements, à l'amplitude maximum, T_1 la période de l'oscillation d'amplitude maximum, T_2 la période moyenne du mouvement au voisinage de cette oscillation, f_1 l'oscillation correspondant à T_1 , f_2 l'oscillation correspondant à

Les amplitudes sont exprimées en microns, les périodes en secondes, les accélérations en centimètres-secondes par seconde. La nuisance a été calculée d'après les valeurs obtenues au sous-sol; N_1 est la nuisance correspondant à f_1 , N_2 celle correspondant à f_2 .

Composante verticale

	Sur-sol	Région humide	1 ^{er} étage	2 ^e étage	3 ^e étage
V_1	V_1 120	73	69	70	68
	α 35,6	44,8	54,2	71,4	98,0
	T_1 0,02	0,02	0,02	0,08	0,1
	T_2 1/67	1/39	1/46	1/11	1/11
	f_1 350,0	196,1	522,5	44,0	38,6
	f_2 628,5	268,5	412,4	31,5	46,7
	N_1 1246				
	N_2 2232				
V_2	V_1 171	107	102	114	109
	α 35,0	56,0	99,9	108,3	132,6
	T_1 0,015	0,02	0,02	0,08	0,09
	T_2 1/60	1/49	1/49	1/13	1/11
	f_1 613,0	551,6	980,0	64,8	66,4
	f_2 496,8	529,8	946,0	20,1	65,6
	N_1 2145				
	N_2 1238,				
V_3	V_1 265	208	200	193	
	α 34,4	90,3	50,0	98,4	
	T_1 0,02	0,03	0,04	0,07	
	T_2 1/52	1/41	1/43	1/13	
	f_1 332,5	617,8	184,4	79,1	
	f_2 365,0	398,4	545,4	65,5	
	N_1 1161				
	N_2 1255				
V_4	V_1 52,5				
	α 38,0				
	T_1 0,05				
	T_2 1/44				
	f_1 60,0				
	f_2 288,1				
	N_1 228				
	N_2 1094				

Composante horizontale

	Gros-sol	Riz-de-charrue	1 ^{er} étage	2 ^{er} étage	3 ^{er} étage
V_4	V_h	1505	1610	1575	1412
	α	2,0	4,2	4,0	6,0
	T_h	0,04	0,03	0,04	0,06
	T_r	$\frac{1}{2}25$	$\frac{1}{2}33$	$\frac{1}{2}26$	$\frac{1}{2}24$
	J_h	4,8	5,4	12,5	6,5
	J_r	4,8	4,9	10,7	13,6
	N_h	0,96			
	N_r	0,96			
V_2	V_h	1591	2520	2600	2660
	α	2,2	11,5	4,0	6,8
	T_h	0,04	0,02	0,04	0,05
	T_r	$\frac{1}{2}29$	$\frac{1}{2}3$	$\frac{1}{2}26$	$\frac{1}{2}25$
	J_h	5,4	13,2	12,5	10,7
	J_r	2,2	2,7	10,7	13,3
	N_h	1,19			
	N_r	1,58			
V_3	V_h	4500			
	α	2,4			
	T_h	0,04			
	T_r	$\frac{1}{2}26$			
	J_h	6,9			
	J_r	3,4			
	N_h	1,66			
	N_r	1,28			

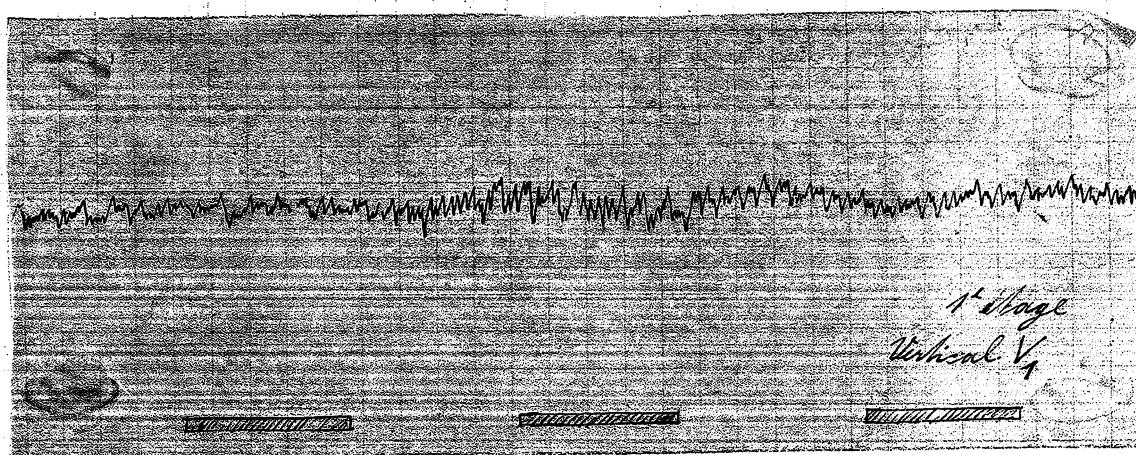
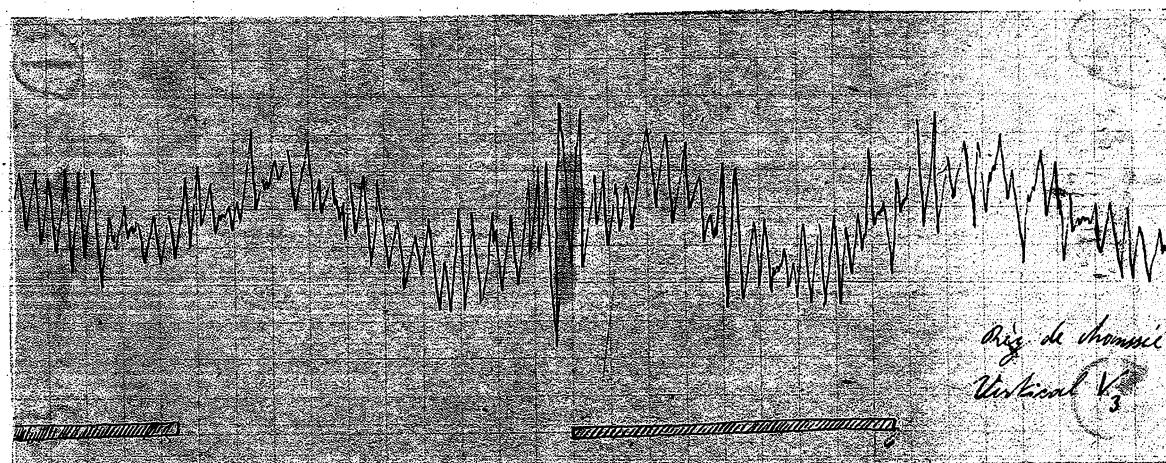
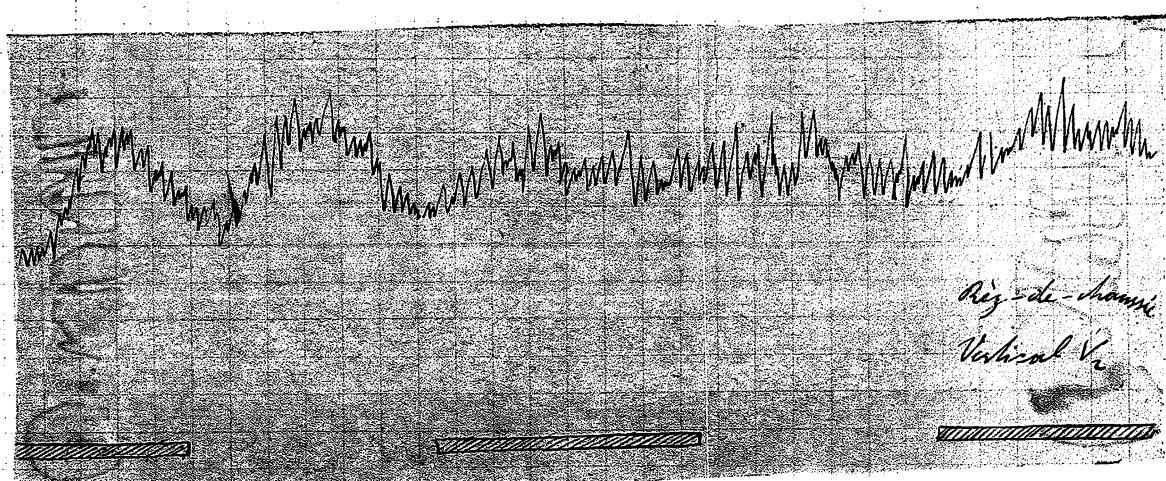
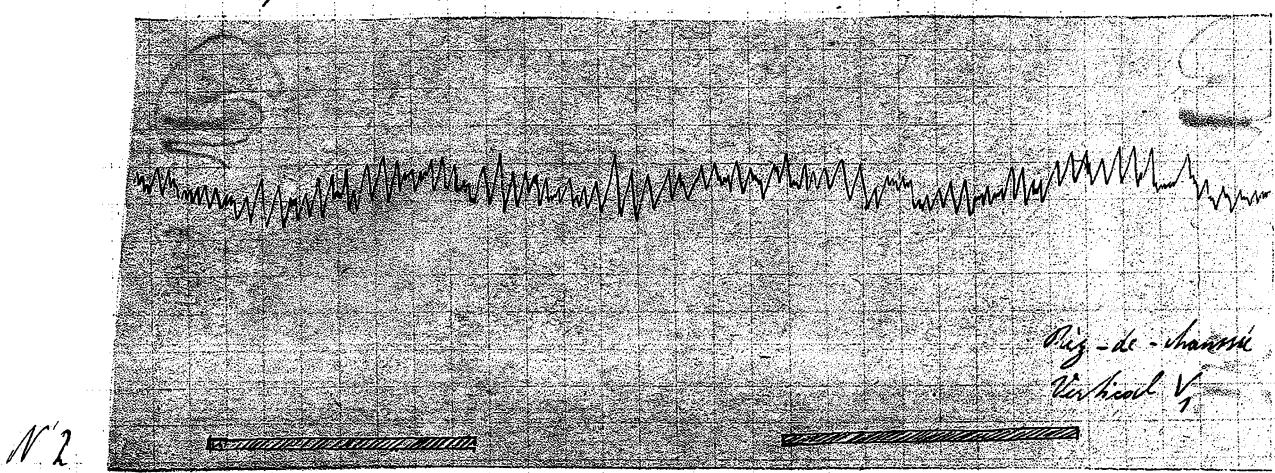
La période propre de l'oscillateur varie entre $0^{\circ} 54$ et $0^{\circ} 58$

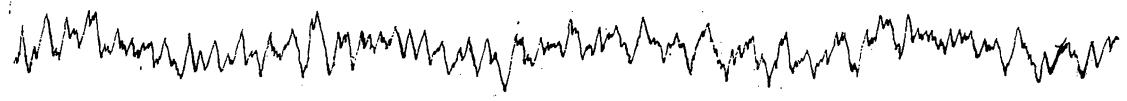
Variation des différents éléments de la vibration suivant

l'étage où l'expérience est faite.

Composante verticale - L'amplitude moyenne diminue à mesure que l'expérience se fait à un étage plus élevé, et d'autant plus rapidement qu'on approche du troisième étage. L'augmentation est assez significative, sauf des valeurs anormales au premier étage avec le 2^e grandissement et au riz-de-charrue avec le 3^e; cela peut s'expliquer par le fait qu'il se situe pendant l'expérience des vibrations ayant une amplitude du même ordre de grandeur que celles produites par le tramway et dues à une autre cause, sans doute un véritable bruit passant dans le voisinage; les reproductions V^m.2-7 montrent que les graphiques

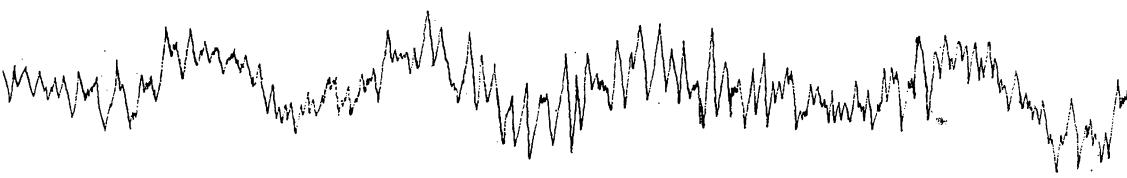
correspondants présentent un aspect différent des autres.





N°6

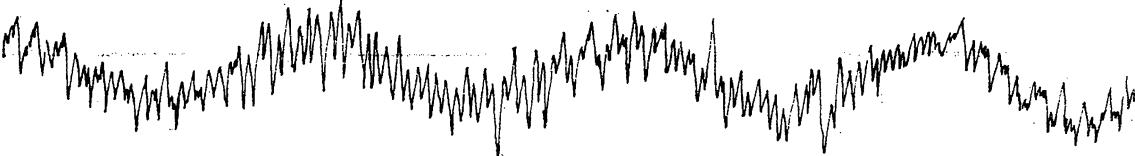
1^{er} étage
Vertical V_2



N°7

1^{er} étage
Vertical V_3

La période semble augmenter légèrement du sous-sol au premier étage. Mais au 2^e et 3^e étage elle est considérablement plus grande et l'aspect des courbes est nettement différent, comme on le voit sur les reproductions N°8-12. Cela peut s'expliquer par l'interférence entre les vibrations dues au tramway et le mouvement de certaines parties du bâtiment qui oscillent avec leur période propre.

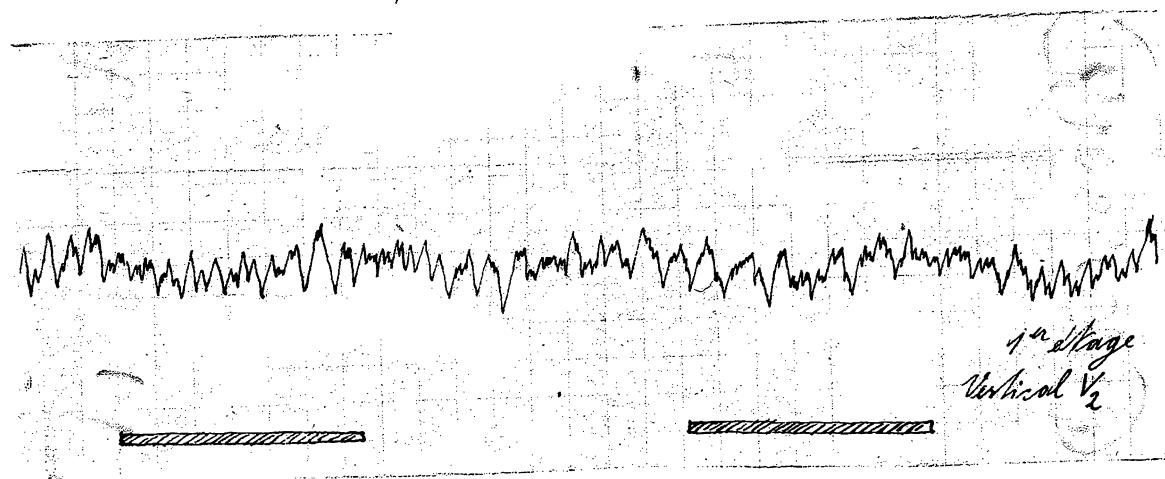


N°8

Yous.-sol
Vertical V_2

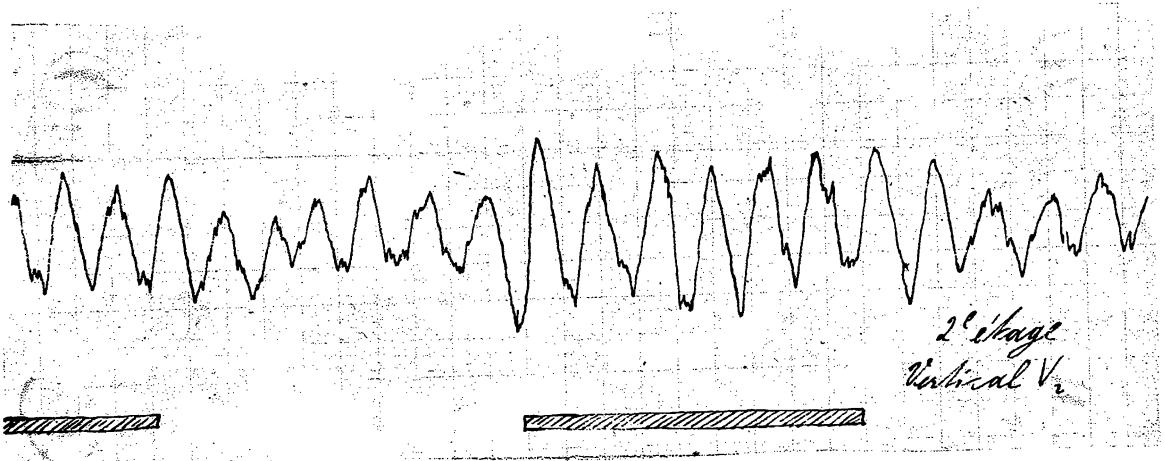
N° 9

Oryx - de - bran
Vertical V_2



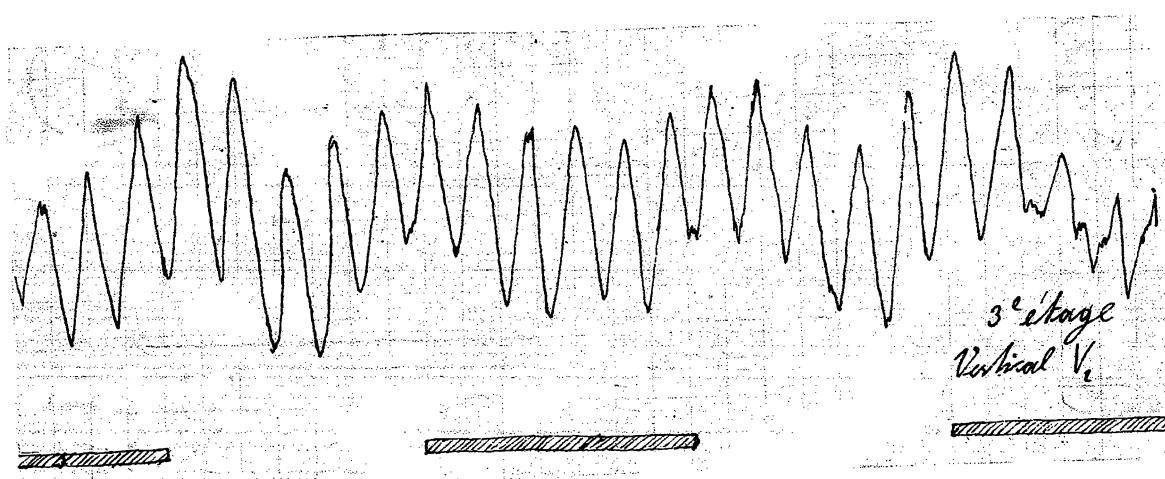
N° 10

1^e stage
Vertical V_2



N° 11

2^e stage
Vertical V_2



N° 12

3^e stage
Vertical V_2

L'accélération, dépendant surtout de la période, présente des variations de sens inverse, et en particulier est beaucoup plus petite au 2^e et 3^e étage qu'aux autres.

Composante horizontale - La période et surtout l'amplitude présentent nettement une diminution du sol au rez-de-chaussée, un minimum à cet étage et puis de nouveau une augmentation jusqu'au troisième étage. Les variations de l'accélération sont irrégulières.

Differences entre les vibrations horizontales et les vibrations verticales

La différence la plus frappante, que montrent les reproductions N° 13, 14, est la grande régularité des vibrations horizontales à côté de l'irrégularité des verticales, tant pour la période que pour l'amplitude. On remarque ensuite que l'amplitude des vibrations verticales est considérablement plus grande que celle des vibrations horizontales. Il s'agit à priori d'une plus grande pour les vibrations horizontales, c'est du moins le cas ~~peut-être~~ pour la période T_2 , laquelle, par suite de l'irrégularité des vibrations verticales, est prédictive à envisager que la période T_1 . De ces différences entre période et amplitude il s'ensuit que les vibrations verticales ont également une accélération et par suite une nuisance beaucoup plus grande que les vibrations horizontales.

Sur-sol
Vertical V₁

N° 13.

Sur-sol
Horizontal V₁

N° 14

Expériences sur le moteur de l'Institut de Chimie.

Le moteur se trouvait dans une des pièces du sous-sol de l'Institut de Chimie. et son arbre était accompagné d'une dynamo qui servait à charger des accumulateurs. Le moteur était installé sur un bloc de béton indépendant de la maçonnerie du bâtiment, la dynamo sur le sol de la pièce.

Les appareils ont été installés dans la même pièce, à environ 3 mètres de la dynamo dans une direction perpendiculaire à son axe.

Les expériences ont été les suivantes:

1^o Une inscription en mettant l'appareil enregistreur en marche au moment de la mise en marche du moteur et en l'arrêtant quand celui-ci a atteint sa vitesse normale.

2^o Une inscription de quelques secondes quand le moteur tournait depuis quelques minutes à vide, c.à. les accumulateurs n'étant pas en circuit.

3^o Une inscription de quelques secondes quand le moteur était en marche depuis une heure et demie avec les accumulateurs en circuit.

4^o Une inscription en mettant l'appareil enregistreur en marche au moment où on coupait le circuit du moteur et on le laissait marcher jusqu'à ce que le moteur soit arrêté.

Réultats

Les vibrations horizontales ont une amplitude trop faible pour être enregistrées par l'appareil. Toutes les vibra-

Actions verticales apparaissent sur le graphique. Le grandissement le plus faible a pu être seul employé, parce qu'avec les autres les points des leviers optiques se déplaceraient pendant l'expérience sur les crapaudines des colonettes.

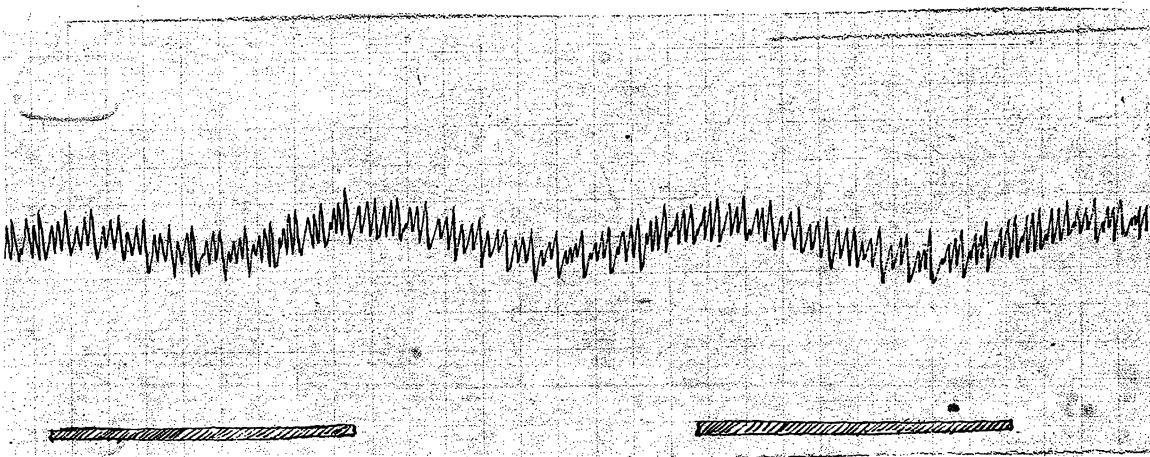
Les résultats numériques ont été les suivants:

$V = 123$	a	T_1	T_2	f_1	f_2	N_1	N_2
1 ^e expérience	24,4	9,01	1/88	963,3	447,8	2350	1078
2 ^e expérience	24,4	9,01	1/76	963,3	556,3	2350	1358
3 ^e expérience	16,2	9,01	1/100	639,6	639,6	1036	1036
4 ^e expérience	32,5	9,01	1/25	1283,1	722,5	4170	2348

Aspects des différentes inscriptions

La période de mise en marche se présente sous forme de vibrations irrégulières dont l'amplitude augmente progressivement.

L'inscription de la troisième expérience, dont une partie est reproduite ci-dessous, a un aspect singulier. L'am-



plitude présente des variations périodiques, chaque période comprenant trois vibrations quelquefois quatre. Il y a 26 périodes par seconde, ce qui correspond au nombre de tours que fait le moteur.

cela indique qu'il donne à chaque tour une série de secousses tou-
jours les mêmes.

Le graphique de la quatrième expérience présente un mo-
ment où on voit le circuit une brusque augmentation d'am-
plitude; en même temps les vibrations deviennent irrégulières.
Puis, après environ ~~des~~ deux secondes, elles deviennent sinusoï-
dales, et leur amplitude diminue progressivement jusqu'à l'arrêt
du moteur.